

# НЕОБХОДИМЫЕ И ДОСТАТОЧНЫЕ УСЛОВИЯ ДЛЯ ФОРМИРОВАНИЯ НАМОТКИ С ПОСТОЯННОЙ ПЛОТНОСТЬЮ В ПАРТИОННОМ СНОВАНИИ

А.Ю. КУТЬИН, Ю.К. КУТЬИН

(Ивановская государственная текстильная академия)

Как показывают исследования [1] и [2], процесс формирования цилиндрической паковки длинномерного текстильного материала можно описать математической моделью, состоящей из четырех уравнений:

$$a = f(\theta), \quad (1)$$

$$\rho(\theta) - \rho_0 = \int_0^\theta ad\theta, \quad (2)$$

$$L = \int_0^\theta \rho(\theta) d\theta, \quad (3)$$

$$\gamma = \frac{mL(\theta)}{\pi H[\rho^2(\theta) - \rho_0^2]}, \quad (4)$$

где  $a$  – параметр спирали намотки [3] или иначе – параметрическая скорость перемещения точки наматывания по ее полярному радиусу [4];  $\rho$  – текущий радиус намотки;  $\theta$  – угол поворота паковки;  $\rho_0$  – радиус основания паковки;  $L$  – текущая длина намотки;  $m$  – масса единицы длины полотна, перерабатываемого материала;  $H$  – ширина полотна;  $\gamma$  – плотность намотки.

Плотность  $\gamma_{\text{сл}}$  элементарного поверхностного слоя намотки рассчитывается с помощью формулы (4):

$$\gamma_{\text{сл}} = \frac{bdL}{d(\rho^2 - \rho_0^2)} = \frac{b\rho d\theta}{2\rho d\rho} = \frac{b}{2} \frac{d\rho}{d\theta} = \frac{b}{2a}, \quad (5)$$

где  $b = m/\pi H$ .

Величина параметра  $a$  определяется отношением скорости  $v$  перемещения точки наматывания по полярному радиусу

к ее угловой скорости  $\omega$  ( $a = v/\omega$ ) [4]. В частном случае, когда параметр  $a$  не меняет своего значения в процессе наматывания, система уравнений (1)...(4) описывает формирование паковки с постоянной плотностью [4]. Действительно, если  $a = \text{const}$ , то

$$\rho - \rho_0 = a\theta, \quad (6)$$

$$L = \frac{a\theta^2}{2} + \rho_0\theta = \frac{\rho^2 - \rho_0^2}{2a}, \quad (7)$$

$$\begin{aligned} \gamma &= \frac{mL}{\pi H(\rho^2 - \rho_0^2)} = \\ &= b \left( \frac{\rho^2 - \rho_0^2}{2a} \div \frac{\rho^2 - \rho_0^2}{1} \right) = \\ &= \frac{b}{2a} = \text{const}. \end{aligned} \quad (8)$$

Но на практике данная модель использовалась лишь как аппроксимирующая при разработке алгоритма управления отводом уплотняющего вала [5], так как осуществить процесс формирования намотки в соответствии с выражениями (6)...(8) не представляется возможным.

Во-первых, формируемый физический объект (тело намотки) обладает упругой, эластической и пластической деформациями, плотность которого не может мгновенно возрасти от низкого стартового значения до требуемого (8). Во-вторых, наматывание сновальных и шлихтовальных паковок происходит с постоянной линейной скоростью, вследствие чего с увеличением радиуса намотки уменьшается их угловая скорость.

Это значит, что для сохранения параметра  $a = v/\omega$  постоянным необходимо снижать скорость  $v$  перемещения точки наматывания по полярному радиусу так же, как снижается угловая скорость. Реально этого можно достичнуть, только увеличивая усилие прижима уплотняющего органа к телу намотки, но тогда возрастает потребление энергии, увеличивается загрузка главного электродвигателя и даже снижается линейная скорость снования.

В то же время анализ системы (6)...(8) показывает, что, если обеспечить снижение скорости  $v$  перемещения точки наматывания по полярному радиусу в соответствии с законом, близким к падению угловой скорости  $\omega$ , так, чтобы отношение  $v/\omega$  менялось незначительно ( $a = v/\omega \approx \text{const}$ ), то можно минимизировать снижение плотности во время наматывания и добиться компромиссного решения.

Варианты такого решения могут быть разными. Например, один из них предполагает изменение параметра  $a$  по линейной зависимости [4].

В этом случае модель наматывания длинномерного материала выглядит следующим образом:

$$a = a_h + \chi\theta, \quad (9)$$

$$\varrho = a_h\theta + \frac{\chi\theta^2}{2} + \varrho_0, \quad (10)$$

$$L = \frac{a_h\theta^2}{2} + \frac{\chi\theta^3}{6} + \varrho_0\theta, \quad (11)$$

$$\gamma = \frac{b}{2a_{cp}} \left[ 1 - \frac{\chi\theta^2}{6(a_{cp}\theta + 2\varrho_0)} \right] \approx \frac{b}{2a_{cp}}, \quad (12)$$

где  $a_h$  – начальная параметрическая скорость перемещения точки наматывания;  $\chi$  – скорость изменения функции  $a(\theta)$ ;  $a_{cp}$  – среднее значение функции  $a(\theta)$  на интервале  $[0; \theta]$ :

$$a_{cp} = \frac{\int_0^\theta ad\theta}{\theta} = a_h + \frac{\chi\theta}{2}. \quad (13)$$

Формула (12) получена из уравнения (4). Величины  $a_h$  и  $a_{cp}$  конечной параметрической скорости перемещения точки наматывания непосредственно связаны с начальной  $\gamma_h$  и конечной  $\gamma_k$  плотностью намотки (5):

$$a_h = b/2\gamma_h, a_{cp} = b/2\gamma_k. \quad (14)$$

Проиллюстрируем методику расчета параметров намотки по линейной модели, которая использовалась на практике для формирования сновальных паковок. Исходные данные паковок: длина снования  $L_c = 10000$  м; линейная плотность пряжи  $T = 5 \cdot 10^{-5}$  кг/м; число снуящихся нитей  $M = 402$ ; начальная плотность намотки  $\gamma_h = 484,5$  кг/м<sup>3</sup>; средняя объемная плотность намотки  $\gamma = 470$  кг/м<sup>3</sup>; радиус ствола сновального вала  $\varrho_0 = 0,12$  м; максимально допустимый радиус намотки  $\varrho_m = 0,355$  м; рассадка фланцев  $H = 1,4$  м.

Методика включает в себя простые вычисления. На основе формулы (4) определяется максимальная длина  $L_m$  намотки, соответствующая радиусу  $\varrho_m$ . По формуле (14) вычисляется значение  $a_h$ . Совместное решение уравнений (10) и (11) позволяет свести их к квадратному уравнению, одним из корней которого является угол поворота  $\theta_f$  (на него должна поворачиваться паковка при наматывании длины  $L_m$ ). Затем рассчитывается значение  $\chi$ .

С помощью найденных величин вычисляются характеристики паковок (табл. 1), воспроизводимых по спирали с линейным изменением параметрической скорости перемещения точки наматывания.

Таблица 1

| №<br>п/п | Число оборотов<br>паковки,<br>$n=\theta/2\pi$ | Текущий<br>радиус<br>намотки, м | Параметр<br>спирали $a \cdot 10^{-6}$ ,<br>м/рад | Длина<br>снования, м | Текущая<br>плотность<br>намотки, кг/м <sup>3</sup> |
|----------|---|---------------------------------|--|----------------------|--|
| 1        | 500   | 0.1348                          | 4,73238  | 400,3                | 483,66   |
| 2        | 1000  | 0.1497                          | 4,74854  | 847,3                | 482,79   |
| 3        | 1500  | 0.1647                          | 4,76469  | 1341,2               | 481,89   |
| 4        | 2000  | 0.1797                          | 4,78085  | 1882,0               | 480,99   |
| 5        | 2500  | 0.1947                          | 4,79701  | 2470,1               | 480,06   |
| 6        | 3000  | 0.2098                          | 4,81317  | 3105,5               | 479,13   |
| 7        | 3500  | 0.2250                          | 4,82932  | 3788,5               | 478,18   |
| 8        | 4000  | 0.2402                          | 4,84548  | 4519,0               | 477,23   |
| 9        | 4500  | 0.2554                          | 4,86164  | 5297,5               | 476,27   |
| 10       | 5000  | 0.2707                          | 4,87779  | 6123,9               | 475,31   |
| 11       | 5500  | 0.2861                          | 4,89395  | 6998,4               | 474,34   |
| 12       | 6000  | 0.3015                          | 4,91011  | 7921,2               | 473,37   |
| 13       | 6500  | 0.3169                          | 4,92626  | 8892,5               | 472,40   |
| 14       | 7000  | 0.3324                          | 4,94242  | 9912,4               | 471,42   |
| 15       | 7041,845                                      | 0,3337                          | 4,94377  | 10000                | 471,34   |

Начальная фаза процесса формирования (переходная зона) сновальных паковок, когда собственно формируется тело намотки, длится в течение первых 1000 оборотов паковки. При воспроизведстве паковок останов машины производится по датчику длины намотки.

Из представленных в табл. 1 данных видно, что скорость перемещения точки наматывания после переходной зоны возрастает на 4,11 %, а средняя объемная плотность намотки снижается на 2,37 %. Это подчеркивает обоснованность тезиса о формировании паковок с плотностью, близкой к постоянной.

Еще один важный момент заключается в том, что данный расширяющийся вариант наматывания исключает гофрирование материала внутри намотки. Действительно, зависимость радиуса намотки (10) вогнутостью обращена кверху [3]. Это значит, что по мере наматывания нитей нижележащие слои намотки смещаются под действием сил упругости со стороны тела намотки от ствола паковки к ее поверхности [6], приобретая таким образом незначительное дополнительное натяжение.

В случае традиционной, сжимающейся намотки происходят обратные процессы: по мере наматывания нитей нижележащие слои намотки под действием вышележащих слоев намотки смещаются от поверх-

ности к центру паковки [6]. А поскольку процесс – случайный, то при определенных условиях внутри намотки образуются гофры.

Существует еще один вариант решения задачи формирования паковок с плотностью, близкой к постоянной, когда параметр  $a$  спирали намотки меняется по логарифмической зависимости [4]:

$$a = a_H + c \ln \theta, \quad (15)$$

$$\varrho = a_H \theta + c \theta (\ln \theta - 1) + \varrho_0, \quad (16)$$

$$L = \frac{\theta^2}{2} (a_H + c \ln \theta - 1,5c) + \varrho_0 \theta, \quad (17)$$

$$\gamma = \frac{b}{2a_{cp}} \left( 1 - \frac{0,5c\theta}{a_{cp}\theta + 2\varrho_0} \right) \approx \frac{b}{2a_{cp}}, \quad (18)$$

где  $c$  – коэффициент, характеризующий скорость изменения функции  $a(\theta)$ .

Расчет параметров намотки, как и в первом случае, базируется на элементарных вычислениях. Исходные данные такие же. Кроме того, с учетом свойств логарифмической функции (15) и для достижения эффекта минимизации изменения плотности намотки предполагается, что  $\gamma \approx \gamma_k$ . Найденные коэффициенты и величины используются для расчета

характеристик паковок (табл. 2), наматываемых по спирали с логарифмическим

изменением параметрической скорости перемещения точки наматывания.

Таблица 2

| №<br>п/п | Число оборотов<br>паковки,<br>$n=θ/2π$ | Текущий<br>радиус<br>намотки, м | Параметр<br>спирали $a \cdot 10^{-6}$ ,<br>м/рад | Длина<br>снования, м | Текущая<br>плотность<br>намотки, кг/м <sup>3</sup> |
|----------|--|---------------------------------|--|----------------------|--|
| 1        | 500                                    | 0,1351                          | 4,82485  | 400,7                | 474,88   |
| 2        | 1000                                   | 0,1503                          | 4,83420  | 849,0                | 473,92   |
| 3        | 1500                                   | 0,1655                          | 4,83967  | 1345,0               | 473,36   |
| 4        | 2000                                   | 0,1807                          | 4,84355  | 1888,8               | 472,95   |
| 5        | 2500                                   | 0,1959                          | 4,84656  | 2480,4               | 472,63   |
| 6        | 3000                                   | 0,2111                          | 4,84902  | 3119,8               | 472,36   |
| 7        | 3500                                   | 0,2264                          | 4,85110  | 3807,1               | 472,14   |
| 8        | 4000                                   | 0,2416                          | 4,85290  | 4542,2               | 471,95   |
| 9        | 4500                                   | 0,2569                          | 4,85449  | 5325,3               | 471,77   |
| 10       | 5000                                   | 0,2721                          | 4,85591  | 6156,2               | 471,61   |
| 11       | 5500                                   | 0,2874                          | 4,85720  | 7035,1               | 471,48   |
| 12       | 6000                                   | 0,3026                          | 4,85837  | 7961,9               | 471,35   |
| 13       | 6500                                   | 0,3179                          | 4,85945  | 8936,7               | 471,23   |
| 14       | 7000                                   | 0,3331                          | 4,86045  | 9959,4               | 471,12   |
| 15       | 7019,362                               | 0,3338                          | 4,86049  | 10000,0              | 471,12   |

Анализируя данные табл. 2 после переходной зоны, замечаем, что параметрическая скорость перемещения точки наматывания возрастает на 0,54 %, а плотность намотки снижается на 0,59 % – незначительно. Данная модель, как и представленная ранее, исключает появление гофр внутри намотки.

Воспроизведение паковок в соответствии с представленными моделями предполагает использование оборудования, обладающего возможностью управляемого воздействия уплотняющим органом на тело намотки. В частности, для реализации модели (9)...(12) использовались модернизированные сновальные машины СП-140, установленные в приготовительном отделе ОАО "Шаговец" (г. Вичуга, Ивановская обл.). Уплотняющий вал этой машины отводится от намотки таким образом, чтобы обеспечивалось равенство между фактическим радиусом и теоретическим. В итоге получаются идентичные паковки с характеристиками, представленными в табл. 1.

Статистическая обработка результатов измерений конечных радиусов намотки показала, что абсолютное отклонение их величины от расчетной не превышает значения  $4 \cdot 10^{-4}$  м. Это означает, что на стойке шлихтовальной машины могут оказаться

паковки с максимальным радиусом  $r_{\max} = 0,3341$  м и минимальным радиусом  $r_{\min} = 0,3333$  м. Задавая минимальную вытяжку  $B_{\min}$ , равную 1%, в соответствии с формулой [7] рассчитывается максимально возможная вытяжка  $B_{\max}$  в начале разматывания сновальных паковок.

Минимальная вытяжка выбирается с учетом того, что в реальных производственных условиях не всегда соблюдается параллельность образующих ствола сновального и уплотняющего валов:

$$B_{\max} = \left[ \frac{r_{\max}}{r_{\min}} (1 + 0,01 B_{\min}) - 1 \right] \cdot 100 = 1,24\%. \quad (19)$$

Контроль вытяжки нитей, сматываемых с идентичных сновальных паковок, вращающихся с одинаковой угловой скоростью, выявил, что ее значения находятся в расчетном диапазоне и выравниваются [8]. В результате при доработке сновальных валов пряжа с них сходит одновременно.

## ВЫВОДЫ

1. Выявлены необходимые и достаточные условия (формулы 6...8) для формирования текстильных паковок рулонного ти-

па с постоянной плотностью намотки. Впервые представлена методика формирования паковок с плотностью, близкой к постоянной. Ее основное условие – обеспечить снижение скорости и перемещения точки наматывания по полярному радиусу в соответствии с законом, близким к падению угловой скорости  $\omega$ , так, чтобы отношение  $v/\omega$  менялось незначительно ( $a = v/\omega \approx \text{const}$ ).

2. Показано, что кроме сжимающейся намотки, которая образуется при постоянном усилии уплотняющего вала, можно воспроизводить расширяющуюся намотку при уменьшающемся усилии уплотняющего вала и при возрастании параметрической скорости  $a$  перемещения точки наматывания по линейной или логарифмической зависимости.

3. В условиях реального производства сформированы паковки в соответствии с математической моделью наматывания длинномерного материала, исключающей образование гофр, когда параметрическая скорость  $a$  меняется по линейной зависимости.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Кутын А.Ю. О погрешности вычисления длины текстильного материала, наматываемого в виде рулона, по упрощенной формуле спрямления дуги // Депонирована в ВИНИТИ. – 07.07.2003. № 1285-В2003.
2. Кутын А.Ю., Кутын Ю.К., Паникрапов С.К. // Текстильная промышленность. – 1996, № 3. С. 25...27.
3. Выгодский М.Я. Справочник по высшей математике. – М.: Физматгиз, 1961.
4. Кутын А.Ю., Кутын Ю.К. // Изв. вузов. Технология текстильной промышленности. – 2001, № 2. С. 113...117.
5. Кутын Ю.К., Кутын А.Ю., Винокуров С.А. // Изв. вузов. Технология текстильной промышленности. – 2001, № 1. С. 85...89.
6. Кутын А.Ю., Маховер В.Л. // Изв. вузов. Технология текстильной промышленности. – 1998, № 3. С. 40...44.
7. Кутын А.Ю. Малоотходная технология формирования ткацкого навоя на основе получения идентичных сновальных паковок: Дис. ... канд. техн. наук / Ивановская государственная текстильная академия. – Иваново, 1997.
8. Кутын А.Ю., Кутын Ю.К. // Изв. вузов. Технология текстильной промышленности. – 2003, № 3. С. 57...60.

Рекомендована кафедрой прикладной математики и информационных технологий. Поступила 30.11.04.