УДК 677.021

## МАТЕМАТИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ ПРОЦЕССА ТРЕПАНИЯ, УЧИТЫВАЮЩАЯ ВОЗДЕЙСТВИЕ ПЕРЕДНЕЙ И ТЫЛЬНОЙ КРОМКИ БИЛА НА ОБРАБАТЫВАЕМЫЙ МАТЕРИАЛ\*

Д.В. ИВАНЮК

(Костромской государственный технологический университет)

Известны зависимости [1] для определения сил натяжения и нормального давления на прядь, обрабатываемую в трепальных барабанах:

$$T_k = \mu V_r^2 + (T_o - \mu V_r^2) e^{k\phi} + \frac{\mu r Q_1}{\kappa} (e^{\kappa \phi} - 1), (1)$$

$$\label{eq:power_equation} \text{где} \quad Q_1 = \frac{dV_r}{dt} - W_n^e \, \text{sin} \xi_k - \kappa W_n^e \, \text{cos} \xi_k + \kappa W^\kappa \, ;$$

 $\mu$  — масса единицы длины пряди;  $V_r$  — относительная скорость движения пряди по кромке бильной планки;  $T_o$  — сила натяжения в набегающей на кромку ветви пряди;  $\phi$  — угол охвата прядью кромки;  $\kappa$  — коэффициент трения;  $\xi_k$  — угол между биссектрисой угла охвата  $\phi$  и прямой, проведен-

<sup>\*</sup> Работа выполнена под руководством проф., докт. техн. наук В.А. Дьячкова.

ной из центра барабана О к центру кривизны кромки била k; k — порядковый номер била, воздействующего на прядь от точки зажима пряди;  $W^e_n$  — нормальная составляющая переносного ускорения;  $W^k$  — Кориолисово ускорение.

Нормальная реакция кромки бильной планки N определится по формуле:

$$N=N'\mu r\phi_k,$$
 (2)

где N' – сила нормального давления пряди на кромку, отнесенная к единице массы пряди, соприкасающейся на дуге ф с кромкой радиуса r:

$$N' = \frac{T_o - \mu V_r^2}{\mu r} e^{\kappa \phi} + \frac{Q_2}{k} (e^{\kappa \phi} - 1),$$

где 
$$Q_2 = \frac{dV_r}{dt} - W_n^e \sin \xi_k$$
 .

Зависимости (1) и (2) получены с допущениями, что в трепальном барабане каждая бильная планка воздействует на прядь только передней кромкой (то есть бильная планка имеет ширину, равную нулю). Реально в контакте с прядью может быть и тыльная кромка бильной планки, поэтому более точные результаты будет давать модель процесса трепания, в которой будут учитываться воздействие передней и тыльной кромки била на обрабатываемый материал. При этом величины  $\xi_k$ ,  $T_o$ ,  $V_r$  должны определяться по методике, изложенной ниже [2], [3].

В [2] получены выражения для определения углов охвата прядью передней и тыльной кромок бильных планок трепальных барабанов:

$$\phi_k = \pi - \arccos((b^2 + c^2 - a^2)/2bc),$$

где a, b, c – стороны треугольника, образованного по координатам:  $X_k$ ,  $Y_k$  – передних и  $X_{k'}$ ,  $Y_{k'}$ ;  $X_{k'+1}$ ,  $Y_{k'+1}$  – тыльных кромок, взаимодействующих с прядью;

$$\varphi_{k'} = \pi - \arccos((b'^2 + c'^2 - a'^2)/2b'c'),$$

где a', b', c' — стороны треугольника, образованного по координатам:  $X_{k-1}$ ,  $Y_{k-1}$ ,  $X_k$ ,  $Y_k$  — передних и  $X_{k'}$ ,  $Y_{k'}$  — тыльных кромок, взаимодействующих с прядью.

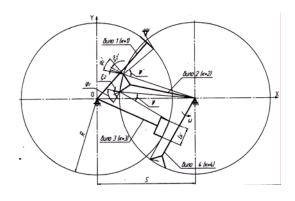


Рис. 1

На рис. 1 показана схема обработки пряди трепальными барабанами с бильными планками в виде уголка, пластины или швеллера. Здесь обозначено: v(v') — угол наклона пряди, набегающей на кромку планки k-го била, к линии, соединяющей центр барабана и центр кривизны передней k (тыльной k') кромки била; S — расстояние между осями барабанов.

Выразим биссектрисы углов охвата прядью передней и тыльной кромки.

Из треугольника, вершинами которого (рис. 1) являются кромки бильной планки k-го, k+1-го била и ось O с координатами  $Y_0$ =0,  $X_0$ =S, если k четное или  $X_0$ =0, если нечетное:

для случая, когда прядь огибает переднюю кромку:

$$\xi_k = \frac{\pi}{2} - \frac{\phi_k}{2} - v$$
 (смотри [2]), (3)

$$\cos v = \frac{R^2 + b^2 - d^2}{2bR}$$
,

здесь d есть сторона треугольника, противолежащая углу v:

$$d = \sqrt{\left(X_{k'+1} - X_0\right)^2 + \left(Y_{k'+1} - Y_o\right)^2} \ ,$$

b — расстояние между передней кромкой бильной планки k-го и тыльной кромкой k+1-го била:

$$b = \sqrt{(X_{k'+1} - X_k)^2 + (Y_{k'+1} - Y_k)^2} ,$$

для случая, когда прядь огибает тыльную кромку:

$$\xi_{k'} = \frac{\pi}{2} - \frac{\phi_{k'}}{2} - v', \tag{4}$$

$$\cos v' = \frac{R^2 + b'^2 - d'^2}{2b'R},$$
  
$$d' = \sqrt{(X_{k-1} - X_0)^2 + (Y_{k-1} - Y_0)^2},$$

b' – расстояние между тыльной кромкой бильной планки k-го и передней кромкой k-1-го била:

$$b' \! = \! \sqrt{ \left( X_{k'} \! - \! X_{k-1} \right)^2 + \! \left( Y_{k'} \! - \! Y_{k-1} \right)^2 } \ .$$

Тогда после преобразований выражений (3) и (4) получим:

$$\begin{split} \xi_k &= \frac{\pi}{2} - \frac{1}{2} \arccos\!\left(\frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}\right) - \arccos\!\left(\frac{R^2 + b^2 - d^2}{2bR}\right), \\ \xi_{k'} &= \frac{\pi}{2} - \frac{1}{2} \arccos\!\left(\frac{b'^2 + c'^2 - a'^2}{2b'c'}\right) - \arccos\!\left(\frac{R^2 + b'^2 - d'^2}{2b'R}\right). \end{split}$$

Выразим скорости относительного движения пряди на кромках:

$$V_{rk} = V_{rk'} = \frac{\Delta L_k}{\Delta t} = \omega \frac{\Delta L_k}{\Delta \alpha} .$$

Злесь

$$\Delta L_k = L_i - L_{i-1},$$

где  $L_{j-1}, L_j$  — длина совокупностей участков пряди между точкой ее зажима и передней кромкой k-го била при  $\Delta t$ =0 и на момент времени  $\Delta t = \frac{\Delta \alpha}{\omega}$  (при повороте била на угол  $\Delta \alpha$ ) соответственно; j — порядковый номер участка;

$$L_j = \sum L_k + n \times L'_k,$$

где  $L_k = \sqrt{(X_k - X_{k'-1})^2 + (Y_k - Y_{k'-1})^2}$  есть длина участка между передней кромкой k-го била;  $L'_k$  — расстояние между передней и тыльной кромкой k-го била; n — количество участков n0 кромкой k-го била; n1 количество участков n2 кромки, на которой определяется скорость n3.

Очевидно, что:

n = k - для случая, когда относительная скорость определяется для передней кромки k-го била и оно контактирует с прядью обеими кромками;

n = k-1 - для тыльной кромки или передней кромки при контакте первого била с прядью только передней кромкой;

n = k-2 - для тыльной кромки при контакте первого била с прядью только передней кромкой.

Тогда с учетом сказанного выражения, описывающие силы, действующие на прядь при трепании, примут вид:

$$T_{\kappa} = \mu V_{r}^{2} + (T_{o} - \mu V_{r}^{2})e^{\kappa \phi} + \frac{\mu r Q_{1}}{\kappa}(e^{\kappa \phi} - 1),$$

где  $T_o = T_{k'+1} + F_{ac}$ ;  $F_{ac} -$ сила натяжения пряди от воздействия на нее сил аэродинамического сопротивления перемещению;

$$\begin{split} N_k &= N' \mu r \phi_k \,, \\ T_{\kappa'} &= \mu V_r^2 + (T_k - \mu V_r^2) e^{\kappa \phi} + \frac{\mu r Q_1}{\kappa} (e^{\kappa \phi} - 1) \,, \\ N_{k'} &= N'' \mu r \phi_{k''} \,. \end{split}$$

ВЫВОДЫ

## ЛИТЕРАТУРА

Разработана математическая модель процесса трепания, в которой учитываются воздействия передней и тыльной кромок бильной планки на обрабатываемый материал. Полученная модель может применяться при проектировании трепальных барабанов — для расчета сил натяжения и нормального давления на прядь передней и тыльной кромками бильной планки.

- 1. Дьячков В.А. //Изв. вузов. Технология текстильной промышленности. -2002, №4-5.
- 2. Дьячков В.А,. Пасько С.И. // Изв. вузов. Технология текстильной промышленности. -2004, №1.
- 3. *Дьячков В.А.* Проектирование трепальных машин: Монография. Кострома: КГТУ, 2000.

Рекомендована кафедрой технологии производства льняного волокна. Поступила 02.02.06.